

# Prinsip dari jembatan wheatstone, Contoh dari jembatan wheatstone

Dr Ir Dina Maizana MT  
maizanadina@gmail.com

Mari kita berdoa menurut agama dan kepercayaan masing-masing sebelum kelas dimulai.

**Doa dimulai...**



Jadwal	Kandungan	Jam
Minggu-1	Pendahuluan, penyampaian kontrak kuliah, Konsep-konsep pengukuran, Kesalahan-kesalahan pembacaan alat ukur	Selasa (9.40-12.10 wib) R. III.3  Selasa (19.00-20.30 wib) R. A.II.6
Minggu-2	Satuan pengukuran dan besaran standar listrik, Nilai dan fungsi satuan	
Minggu-3	Besaran listrik, Alat ukur dengan termokopel, besi putar, elektrodinamis, elektrostatik dan induksi.	
Minggu-4	Instrument penunjuk arus searah, Volt Ammeter DC, Prinsip kerja, Cara kerja, Penggunaan alat ukur DC	
Minggu-5	Instrument arus bolak-balik, Voltmeter elektrostatik, Prinsip Kerja, Cara kerja, Penggunaan alat ukur untuk AC	
Minggu-6	Pengukuran daya, Wattmeter, Pengukuran daya tanpa Wattmeter, Type alat pengukur daya	
Minggu-7	Penggunaan jembatan Wheatstone, Prinsip dari jembatan wheatstone, Contoh dari jembatan wheatstone	
Minggu-8	UTS	
Minggu-9	Pengukuran dengan alat ukur oscilloscope	
Minggu-10	Generator sinyal	
Minggu-11	Instrumentasi digital, Alat-alat ukur digital, Voltmeter digital, Frekuensi digital meter.	
Minggu-12	Trafo Instrumentasi, Trafo arus untuk alat ukur, Trafo tegangan alat ukur, Kwh meter.	
Minggu-13	Transduser	
Minggu-14	Konversi Data analog ke digital	
Minggu-15	Sistem data akuisisi	
Minggu-16	UAS	

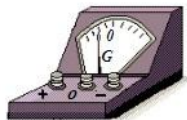
Rancangan Pembelajaran Semester (RPS) Sem. A ta 2019/20

## CPMK

- Mahasiswa mampu menjelaskan Penggunaan jembatan Wheatstone, Prinsip dari jembatan wheatstone, Contoh dari jembatan wheatstone

## Pengertian Jembatan Wheastone

- *Jembatan Wheatstone dipakai untuk memperoleh ketelitian dalam melaksanakan pengukuran terhadap suatu tahanan yang nilainya relative sangat kecil,*
- *Misalnya suatu kebocoran dari kabel tanah atau kortsluiting dan sebagainya.*
- *Rangkaian ini dibentuk oleh empat buah tahanan (R) yang merupakan segiempat A-B-C-D dalam hal rangkaian ini dihubungkan dengan sumber tegangan dan sebuah galvanometer nol (0).*
- *Kalau tahanan-tahanan itu diatur sedemikian rupa sehingga galvanometer itu tidak akan mengadakan suatu hubungan antara keempat tahanan tersebut*
- ditemukan pada tahun 1833 oleh Samuel Hunter Christie.



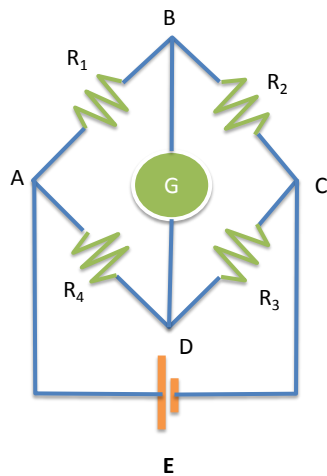
Galvanometer



Resistor

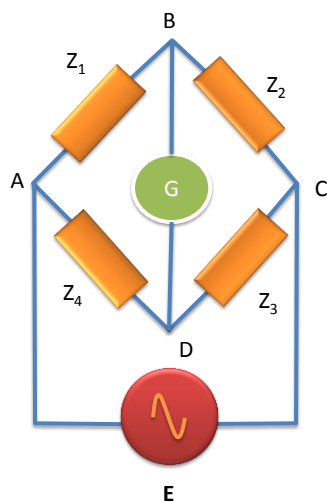
- Perlu diingat bahwa selain kabel, komponen listrik jembatan *Wheatstone* hanya *Galvanometer* (pendeteksi arus listrik) dan resistor atau bahan lain yang bersifat resistif contohnya kawat dsb.

## Jembatan wheastone



- Untuk mengukur tahanan dari sumber DC.
- Syarat keadaan setimbang

## Jembatan wheastone



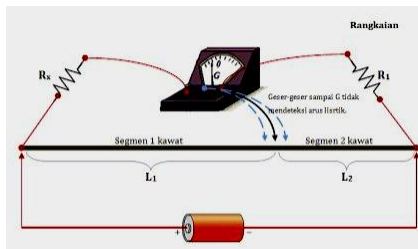
- Untuk mengukur induktansi dan kapasitansi dari sumber AC.
- Syarat keadaan setimbang

## Jembatan wheaston

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_4}{R_3} \quad \text{Atau} \quad R_1 R_3 = R_2 R_4$$

$$\frac{Z_1}{Z_2} = \frac{Z_4}{Z_3} \quad \text{Atau} \quad Z_1 Z_3 = Z_2 Z_4$$

$$\varphi_1 + \varphi_3 = \varphi_2 + \varphi_4 \quad \text{Kesetimbangan sudut fasa}$$



Pada prakteknya, untuk mengukur resistansi pada suatu resistor yang tak diketahui, mengganti dua buah resistor dengan sebuah kawat.

Ingat  $R = \rho \frac{L}{A}$

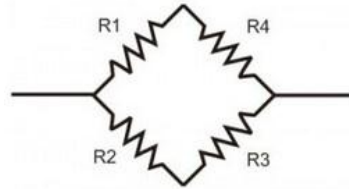
$$R_x = \frac{R_2 R_3}{R_1} \quad \text{atau} \quad R_x = \frac{R_{k2} R_1}{R_{k1}} = \frac{\frac{\rho L_2}{A} R_1}{\frac{\rho L_1}{A}}$$

$$R_x = \frac{L_2}{L_1} R_1$$

Dengan asumsi bahwa kawat yang dipakai ini berbahan dengan  $\rho$  dan luas penampang  $A$  yang seragam di sepanjang kawat.

## Cara Menentukan Hambatan Pengganti

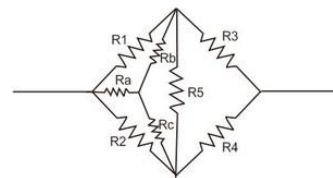
- **1.** Apabila perkalian silang antara  $R1$  dan  $R3$  sama dengan  $R2$  dan  $R4$  maka  $R5$  (hambatan yang ditengah) bisa diabaikan hingga hanya menjumlah secara seri kemudian dipararelkan.
- Setelah hambatan tengah dianggap tidak ada, pakai prinsip seri-pararel untuk menemukan besarnya hambatan pengganti.



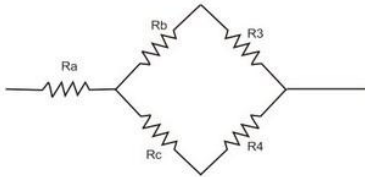
Hambatan di Tengah Ditiadakan

## Cara Menentukan Hambatan Pengganti

- **2.** Andai perkalian silang antar  $R1$  dan  $R3$  tak sama dengan perkalian antara  $R2$  dan  $R4$ , maka hambatan itu wajib diganti dengan hambatan baru hingga susunan hambatannya menjadi seperti tampak pada gambar di sebelah ini.
- Setelah hambatan tengah dianggap tidak ada, pakai prinsip seri-pararel untuk menemukan besarnya hambatan pengganti.



## Cara Menentukan Hambatan Pengganti



- **Keterangan**

R1, R2, dan R5 masing-masing diganti dengan Ra, Rb, dan Rc. Hingga susunan menjadi

**Rumus**

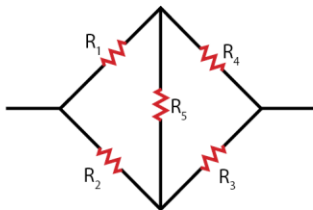
$$R_a = R_1 \cdot R_2 / (R_1 + R_2 + R_5)$$

$$R_b = R_1 \cdot R_5 / (R_1 + R_2 + R_5)$$

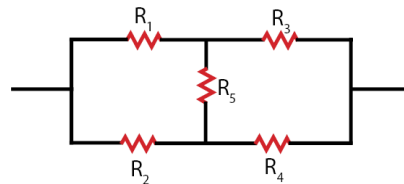
$$R_c = R_2 \cdot R_5 / (R_1 + R_2 + R_5)$$

## Tiga Bentuk Susunan Rangkaian Hambatan Jembatan

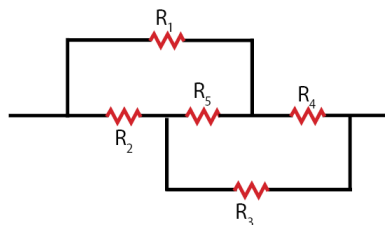
**Bentuk I**



**Bentuk II**

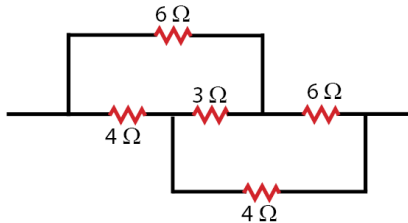


**BENTUK III**



## Contoh Soal dan Pembahasan

Perhatikan gambar di bawah!



Pertanyaan

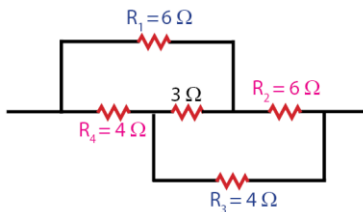
- Jika diketahui  $V$  yang mengalir dari ujung kiri ke ujung kanan adalah 48 volt. Kuat arus yang melalui rangkaian tersebut adalah

....

- A. 3 A
- B. 6 A
- C. 8 A
- D. 10 A

### • Pembahasan:

- Selidiki hasil perkalian silangny terlebih dahulu.



$$R_1 \cdot R_3 = 6 \times 4 = 24\Omega$$

$$R_2 \cdot R_4 = 6 \times 4 = 24\Omega$$

- Nilai  $R_1 \cdot R_3 = R_2 \cdot R_4$  maka  $R_5$  dapat diabaikan (Kondisi I).
- Sehingga, rangkaiannya dapat dianggap seperti berikut.

- Rangkaian seri:  $R_1$  dan  $R_2$ :

$$R_{1,2} = R_1 + R_2$$

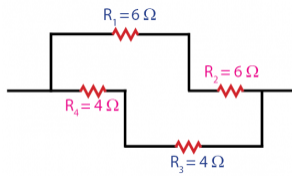
$$R_{1,2} = 6 + 6 = 12\Omega$$

- Rangkaian seri:  $R_4$  dan  $R_3$ :

$$R_{4,3} = R_4 + R_3$$

$$R_{4,3} = 4 + 4 = 8\Omega$$





Rangkaian Paralel:  $R_{1,2}$  dan  $R_{4,3}$ :

$$\frac{1}{R_{total}} = \frac{1}{R_{1,2}} + \frac{1}{R_{4,3}}$$

$$\frac{1}{R_{total}} = \frac{1}{12} + \frac{1}{8}$$

$$\frac{1}{R_{total}} = \frac{4}{48} + \frac{6}{48}$$

$$\frac{1}{R_{total}} = \frac{10}{48}$$

$$R_{total} = \frac{48}{10} = 4,8 \Omega$$

Besarnya kuat arus ( $I$ ) yang mengalir:

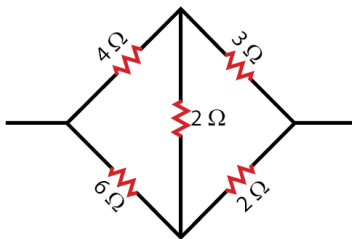
$$I = \frac{V}{R_{total}}$$

$$I = \frac{48}{4,8} = 10 \text{ A}$$

Jadi, arus yang mengalir dalam rangkaian adalah 10 A.

Jawaban: D

**Perhatikan gambar di bawah!**



- Besar hambatan pengganti pada rangkaian di sebelah adalah ...

A.  $2\frac{17}{33} \Omega$

B.  $2\frac{20}{33} \Omega$

C.  $2\frac{22}{33} \Omega$

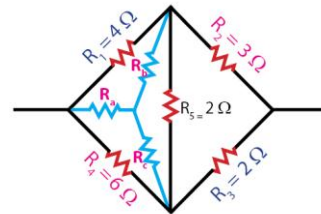
D.  $2\frac{23}{33} \Omega$

- **Pembahasan:**

- Berdasarkan informasi gambar pada soal, nilai  $R_1 = 4 \text{ ohm}$ ,  $R_2 = 3 \text{ ohm}$ ,  $R_3 = 2 \text{ ohm}$ , dan  $R_4 = 6 \text{ ohm}$ .
- Selidiki hasil perkalian silangnya terlebih dahulu.

$$R_1 \cdot R_3 = 4 \times 2 = 8 \Omega$$

$$R_2 \cdot R_4 = 3 \times 6 = 18 \Omega$$



- Nilai  $R_1$ ,  $R_3$ ,  $R_2$ ,  $R_4$  maka  $R_5$  tidak dapat diabaikan (Kondisi II).
- Selanjutnya, perhatikan gambar berikut!

- Perhitungan nilai  $R_a$ ,  $R_b$ , dan  $R_c$ :

- Mencari  $R_a$ :

$$R_a = \frac{R_1 \cdot R_4}{R_1 + R_4 + R_5}$$

$$R_a = \frac{4 \cdot 6}{4 + 6 + 2}$$

$$R_a = \frac{24}{12} = 2 \Omega$$

- Mencari  $R_b$ :

$$R_b = \frac{R_1 \cdot R_5}{R_1 + R_4 + R_5}$$

$$R_b = \frac{4 \cdot 2}{4 + 6 + 2}$$

$$R_b = \frac{8}{12} = \frac{2}{3} \Omega$$

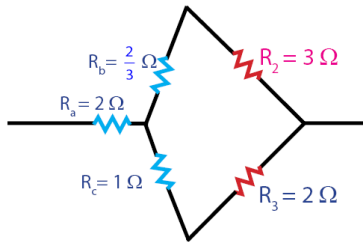
- ▣ Mencari  $R_c$ :

$$R_c = \frac{R_4 \cdot R_5}{R_1 + R_4 + R_5}$$

$$R_c = \frac{6 \cdot 2}{4 + 6 + 2}$$

$$R_c = \frac{12}{12} = 1 \Omega$$

Sekarang rangkaianannya akan tampak seperti gambar di bawah.



Selanjutnya adalah mencari hambatan total (hambatan pengganti) rangkaian di atas.

Rangkaian seri:  $R_b$  dan  $R_2$ :

$$R_{b,2} = R_b + R_2$$

$$R_{b,2} = \frac{2}{3} + 3$$

$$R_{b,2} = 3\frac{2}{3} = \frac{11}{3} \Omega$$

Rangkaian seri:  $R_c$  dan  $R_3$ :

$$R_{c,3} = R_c + R_3$$

$$R_{c,3} = 1 + 2 = 3 \Omega$$

Rangkaian Paralel:

$R_{b,2}$  dan  $R_{c,3}$ :

$$\frac{1}{R_{b2,c3}} = \frac{1}{R_{b,2}} + \frac{1}{R_{c,3}}$$

$$\frac{1}{R_{b2,c3}} = \frac{1}{\frac{11}{3}} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{R_{b2,c3}} = \frac{3}{11} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{R_{b2,c3}} = \frac{9}{33} + \frac{11}{33}$$

$$\frac{1}{R_{b2,c3}} = \frac{20}{33} \Omega$$

Hambatan Total: Rangkaian Seri

$R_a$  dan  $R_{b2,c3}$ :

$$R_{total} = R_a + R_{b2,c3}$$

$$R_{total} = 2 + \frac{20}{33}$$

$$R_{total} = 2\frac{20}{33} \Omega$$

Jadi, besarnya hambatan pengganti rangkaian pada soal adalah

$$2\frac{20}{33} \Omega.$$

Jawaban: B

Thank you for coming

